# Écoulements de fluides

### Biographies succintes

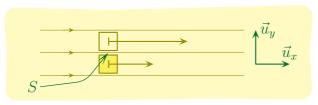
## I – Écoulements visqueux

Dans la situation représentée ci-dessous, la force que la particule du haut exerce sur celle du bas s'écrit

$$\vec{f}_{\mathrm{h} \to \mathrm{b}} = + \eta \, \frac{\partial v_x}{\partial y} \, S \, \vec{u}_x \quad \text{ où } :$$

 $\rightarrow \eta$  est la viscosité dynamique (en Pl);

 $\rightarrow$  S est la surface de contact entre les deux particules de fluide.



Un fluide tel que les forces tangentielles qui s'exercent entre particules de fluide

s'écrivent «  $\eta S \frac{\partial v_x}{\partial y}$  » est dit newtonien.

 $\eta$  est appelé la viscosité dynamique.

L'unité de la viscosité dynamique  $\eta$  est le poiseuille, noté Pl ou, parfois, le Pa.s.

La résultante des forces de viscosité qui s'exerce sur une particule de fluide de volume  $d\tau$ dans un écoulement incompressible s'écrit

$$d\vec{f}_{\text{visc}} = \eta \, \vec{\Delta} \, \vec{v} \, d\tau$$

2013 - 2014

(C) Matthieu Rigaut 1 / 4

Déf

Loi

Déf

Loi

Loi

Loi

Loi

Loi

Déf

Déf

#### ÉQUATION DE NAVIER - STOKES

Dans un fluide newtonien, pour un écoulement incompressible, le champ de vitesse obéit aux équations (équivalentes) suivantes :

 $\mu \frac{\mathrm{d}\vec{v}}{\mathrm{d}t} = -\overrightarrow{\mathrm{grad}} P + \vec{f}_{\mathrm{v,tot}} + \eta \vec{\Delta} \vec{v}$   $\mu \left( \frac{\partial \vec{v}}{\partial t} + \left( \vec{v} \cdot \overrightarrow{\mathrm{grad}} \right) \vec{v} \right) = -\overrightarrow{\mathrm{grad}} P + \vec{f}_{\mathrm{v,tot}} + \eta \vec{\Delta} \vec{v}$   $\mu \left( \frac{\partial \vec{v}}{\partial t} + \overrightarrow{\mathrm{grad}} \frac{v^2}{2} + \left( \overrightarrow{\mathrm{rot}} \vec{v} \right) \wedge \vec{v} \right) = -\overrightarrow{\mathrm{grad}} P + \vec{f}_{\mathrm{v,tot}} + \eta \vec{\Delta} \vec{v}$ 

- $\rightarrow \mu$  est la masse volumique;
- $\rightarrow$   $\vec{f}_{v,tot}$  est la densité volumique de force à distance (poids, électromagnétisme, inertie);
- $\rightarrow \eta$  est la viscosité dynamique.

Loi Les particules de fluide d'un fluide newtonien adhèrent aux parois.

Pour un fluide newtonien, en un point I au niveau d'une paroi $\vec{v}(I\in \text{fluide})_{|\mathscr{R}}=\vec{v}(I\in \text{paroi})_{|\mathscr{R}}$ 

Pour un fluide newtonien, en un point I au niveau d'une paroi immobile  $\vec{v}(I \in \text{fluide})_{|\mathscr{R}} = \vec{0}$ 

Le nombre de REYNOLDS peut s'écrire  $Re = \frac{\text{accélération convective}}{\text{action de viscosité}}$ 

La viscosit'e cin'ematique  $\nu$  est définie par

 $\mu \triangleq \frac{\eta}{\mu}$ 

Le nombre de REYNOLDS s'écrit  $Re = \frac{VL}{\nu}$ 

Loi L'épaisseur de la couche limite est en  $\frac{L}{\sqrt{\text{Re}}}$  où L est la longueur parcourue sur l'obstacle.

Déf

Le transport convectif de quantité de mouvement correspond à la quantité de mouvement emportée avec une particule de fluide lors de son mouvement.

Déf

Le transport diffusif de quantité de mouvement correspond à la quantité de mouvement transférée entre particules de fluide par viscosité.

Loi

Le nombre de REYNOLDS représente le rapport des termes de transport convectif sur le transport diffusif de quantité de mouvement.

### II – Écoulements parfaits

Déf

Un écoulement est dit *parfait* quand tous les phénomènes de diffusion peuvent être négligés.

#### ÉQUATION D'EULER

Dans un écoulement parfait, le champ de vitesse obéit aux équations (équivalentes) suivantes :

Loi

$$\mu \frac{d\vec{v}}{dt} = -\overrightarrow{\text{grad}} P + \vec{f}_{\text{v,tot}}$$

$$\mu \left( \frac{\partial \vec{v}}{\partial t} + \left( \vec{v} \cdot \overrightarrow{\text{grad}} \right) \vec{v} \right) = -\overrightarrow{\text{grad}} P + \vec{f}_{\text{v,tot}}$$

$$\mu \left( \frac{\partial \vec{v}}{\partial t} + \overrightarrow{\text{grad}} \frac{v^2}{2} + \left( \overrightarrow{\text{rot}} \vec{v} \right) \wedge \vec{v} \right) = -\overrightarrow{\text{grad}} P + \vec{f}_{\text{v,tot}}$$

- $\rightarrow \mu$  est la masse volumique;
- $\rightarrow \vec{f}_{v,tot}$  est la densité volumique de force à distance (poids, électromagnétisme, inertie);

Loi

La pression est plus faible au niveau de la concavité des lignes de courant.

.....

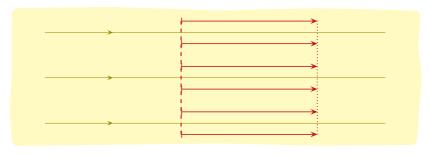
Un jet est un écoulement à lignes de courant parallèles où la vitesse ne dépend pas de la ligne de courant.

Déf

Loi

Loi

Loi



Loi Dans un jet, la répartition de pression orthogonalement aux lignes de courant est hydrostatique.

DÉF Un jet libre est un jet à l'intérieur d'un autre fluide.

Loi Dans tout jet libre à l'intérieur de l'atmosphère, la pression n'est autre que la pression atmosphérique.

Dans un écoulement **P**arfait **H**omogène **I**rrotationnel **S**tationnaire **I**n**c**compressible (PHISIc), nous pouvons écrire

$$\frac{P}{\mu} + g h + \frac{v^2}{2} = C^{\text{te}}$$
 dans **tout** le fluide

Dans un écoulement  ${\bf P}$ arfait  ${\bf S}$ tationnaire  ${\bf Inc}$ compressible et  ${\bf H}$ omogène (PSIcH), nous pouvons écrire

$$\frac{P}{\mu} + g h + \frac{v^2}{2} = C^{te}$$
 sur une ligne de courant

Suivant les hypothèses, les relations de BERNOULLI peuvent s'écrire sous la forme

$$\frac{P}{\mu} + e_{\rm p} + \frac{v^2}{2} = \mathcal{C}^{\rm te}$$

La relation n'est valable que là où les hypothèses l'autorisent avec  $e_p$  l'énergie potentielle massique.

Loi Un écoulement ne peut être considéré comme incompressible que si les vitesses particulaires sont très inférieures à celle du son.